



REPUBLIKA E SHQIPËRISË

MINISTRIA E ARSIMIT, SPORTIT DHE RINISË

AGJENCIA E SIGURIMIT TË CILËSISË SË ARSIMIT PARAUNIVERSITAR

PROGRAM ORIENTUES I MATERËS SHTETËRORE

PËR ARSIMIN E ORIENTUAR

(ARTISTIK DHE SPORTIV)

LËNDA:

“MATEMATIKA BËRTHAMË”

(NIVELI BAZË)

VITI SHKOLLOR 2020 – 2021

KOORDINATORE: DORINA RAPTI

PËRMBAJTJA

PËRMBAJTJA.....	2
HYRJE	3
PËRMBAJTJA E PROGRAMIT.....	4
STRUKTURA E TESTIT	5
LLOJET E PYETJEVE/ KËRKESAVE/ USHTRIMEVE TË REKOMANDUARA.....	8
TABELAT E REZULTATEVE TË TË NXËNIT PËR SECILËN TEMATIKË	11

HYRJE

Matematika e përgatit nxënësin për rolet e tij të ardhshme në shoqëri. Nëpërmjet njohurive thelbësore matematikore dhe aftësive të arsyetimit, të logjikës, të komunikimit dhe të modelimit, ajo mundëson zhvillimin e personalitetit të nxënësit, mundëson zhvillimin e aftësive për të menduar në mënyrë kritike dhe për të hulumtuar, duke nxitur kështu kërshérinë dhe inkurajimin për zbulim, siguron vetëbesimin për zgjidhjen e situatave problemore në jetën e përditshme. Matematika është një nga shtatë fushat e kurrikulës së arsimit të mesëm të lartë dhe përmban vetëm lëndën e matematikës, e cila tradicionalisht vazhdon të jetë pjesë themelore e arsimit parauniversitar. Në arsimin e mesëm të lartë programi i lëndës së matematikës bërthamë është konceptuar mbi bazën e kuptimeve dhe shprehive **themelore** për përgatitjen e nxënësve. Ata kanë integruar njohuri nga numri, algjebla, gjeometria duke siguruar zgjerim të mëtejshëm të njohurive, nga trigonometria, funksioni, derivati dhe integrali, si dhe nga statistika e probabiliteti. Matematika, përveç si lëndë shkolllore, nëpërmjet forcës së abstraktimit, argumentit logjik dhe bukurisë së vërtetimit, paraqitet si një disiplinë intelektuale dhe si një burim kënaqësie estetike.

Programi orientues për provimin e Maturës Shtetërore në lëndën e matematikës, nëpërmjet përqendrimit në konceptet dhe shprehitë kryesore të mësuara gjatë viteve, ka si qëllim të orientojë punën e mësuesit, përgatitjen e nxënësve dhe hartuesit e testeve përfundimtare për provimin e Maturës Shtetërore.

Hartimi i programit orientues është mbështetur në kurrikulen me kompetenca të lëndës së matematikës së arsimit të mesëm të lartë, duke mbajtur parasysh formimin e njohurive dhe rezultateve të të nxënët nëpërmjet modelimeve, arsyetimeve, zgjidhjes problemore dhe interpretimeve në situata të thjeshta dhe më komplekse.

PËRMBAJTJA E PROGRAMIT

Programi orientues i lëndës së matematikës për provimin e detyruar të Maturës Shtetërore të klasës XII, arsimi i orientuar artistik dhe sportiv bazohet në parimin se të zotërosh njohuri matematike do të thotë të jesh në gjendje t'i zbatosh ato:

- në tematika të ndryshme të vetë lëndës së matematikës;
- në fusha të tjera kurrikulare;
- në situata të jetës së përditshme.

Programi orientues për përgatitjen e provimit të lëndës së matematikës bërthamë (niveli bazë) është mbështetur në:

- programet e lëndës së matematikës bërthamë (niveli bazë) për klasat 10-12;
- udhëzuesin për zhvillimin e kurrikulës arsimi i mesëm i lartë;
- nivelet e arritjes së lëndës së matematikës për klasat 10-12;

Për të qenë lehtësish i përdorshëm, programi përmban *strukturën e testit* në të cilën jepen kompetenca matematikore, tematikat si dhe pesha e tyre. Rubrika “*Llojet e pyetjeve/kërkesave/ushtrimeve*” përmban llojet e pyetjeve që vlerësojnë në mënyrë efektive kompetencat që zotëron nxënësi. Programi përmban rubrikën *e rezultateve të të nxënëtit* ku përcaktohen konceptet dhe aftësitë kryesore për çdo tematikë të lëndës së matematikës për klasat 10-12.

STRUKTURA E TESTIT

Një nga aspektet më të rëndësishme në kurrikulën e matematikës është zhvillimi i kompetencave matematikore, të cilat e ndihmojnë nxënësin të kuptojë përdorimin e matematikës në mënyrë efektive. Njohuritë matematikore bëhen kuptimplota dhe të fuqishme, nëse marrin jetë në kurrikul dhe zbatohen në situata praktike. Situata të zgjidhjes së të nxirren nga fusha të lidhura ngushtë, si: shkenca kompjuterike, biznes, financë, turizëm, biologji, fizikë, teknologji, por edhe nga fusha të tjera, si: histori, gjeografi, shkenca sociale ose arte. Realizimi i kompetencave përgjatë gjithë zhvillimit të lëndës së matematikës ndihmon nxënësin:

- të zhvillojë konceptet matematikore, shkathtësitë dhe modelimin matematikor;
- të përzgjedhë dhe të zbatojë teknikat matematikore për zgjidhjen problemore;
- të arsyetojë veprimet e tij matematikore;
- të nxjerrë përfundime duke dhënë gjykimin e tij;
- të kuptojë, interpretojë dhe komunikojë informacionin matematikor në forma të ndryshme të përshtatshme në një kontekst të dhënë.

Nëpërmjet testit të lëndës së matematikës në provimin e Maturës Shtetërore, nxënësi do të vlerësohet për realizimin e kompetencave matematikore sipas peshave të mëposhtme:

Kompetencat matematikore	Përshkrimi i kompetencave	Pesha
Lidhja konceptuale dhe të menduarit matematikor	<p>Nxënësi kupton ndërtimin e koncepteve matematikore për të formuar një të tërë dhe përdor varësitë ndërmjet këtyre koncepteve. Të menduarit matematikor zhvillon lidhjen ndërmjet koncepteve duke i ndërtuar dhe zbatuar ato në proceset matematikore përkatëse.</p> <p>Treguesit kryesorë janë:</p> <ul style="list-style-type: none">✓ rikujton faktet me saktësi;✓ përdor terminologjinë dhe përkufizimet matematikore;✓ përdor dhe interpreton saktë konceptet dhe simbolet matematikore;	40%

	<ul style="list-style-type: none"> ✓ kryen me saktësi procedurat standarde; 	
Zgjidhja e situatës problemore	<p>Nxënësi përshkruan dhe zgjidh situata problemore, të nivelist praktik të marra nga përvojat e përbashkëta të jetës së përditshme dhe të nivelist abstrakt duke zhvilluar kapacitetin e tij intelektual dhe intuitën krijuese. Nxënësi interpreton rezultate të zgjidhjes në kontekstin e problemit të dhënë.</p> <p>Treguesit kryesorë janë:</p> <ul style="list-style-type: none"> ✓ përcaktimi i të dhënave të situatës problemore; ✓ interpretimi i një situate problemore; ✓ zbatimi i hapave të ndryshëm për zgjidhjen e situatës problemore; ✓ vlefshmëria e zgjidhjes së situatës problemore; ✓ paraqitja e zgjidhjes së situatës problemore. 	20%
Arsyetimi dhe vërtetimi matematikor	<p>Nxënësi përdor arsyetimin dhe argumentimin si aspekte themelore të matematikës. Arsyetimi ka të bëjë me organizimin logjik të fakteve, ideve ose koncepteve në mënyrë që të arrijë në një rezultat më të besueshëm se intuita. Nxënësi organizon konkluzione nga një informacion matematikor i dhënë, ndërton zinxhirin e arsyetimit për të arritur në një rezultat, interpreton informacionin me saktësi, vlerëson vlefshmërinë e një argumenti matematikor ose paraqitjen e një informacioni.</p> <p>Treguesit kryesorë janë:</p> <ul style="list-style-type: none"> ✓ identifikimi i elementeve të situatës matematikore; ✓ përdorimi i koncepteve matematikore dhe proceset e përshtatshme për situatën e dhënë; ✓ arsyetimi për zbatimin e koncepteve dhe proceseve në situatën e dhënë. 	20%

Modelimi matematik	<p>Nxënësi përshkruan dhe krijon modele duke përdorur veprimet themelore matematikore në situata të jetës së përditshme. Modelimi është procesi i paraqitjes së situatës ngajeta reale me gjuhën matematikore. Nëpërmjet përdorimit të teknikave përkatëse, gjendet zgjidhja matematikore, e cila më pas interpretohet në jetën reale.</p> <p>Treguesit kryesorë janë:</p> <ul style="list-style-type: none"> ✓ interpretimi i situatës në jetën reale; ✓ modelimi në gjuhën matematikore; ✓ gjetja e zgjidhjes matematikore; ✓ përkthimi i zgjidhjes matematikore në zgjidhje të situatës në jetën reale. 	20%
---------------------------	--	-----

Bazuar në këtë kurrikul përbushja e kompetencave matematikore që një nxënës duhet të zoterojë përgjatë gjithë zhvillimit të lëndës dhe jo vetëm, arrihet nëpërmjet 5 tematikave kryesore: **numri; matja; gjeometria; algjebra dhe funksioni (përfshirë derivatin dhe integralin); statistika dhe probabiliteti.**

Këto tematika, janë bazë për të ndërtuar njohuri, shkathtësi dhe qëndrime e vlera. Për secilën tematikë është **paraqitur pesha që zë secila prej tyre kundrejt orëve totale** të lëndës së matematikës në zhvillimin e njohurive dhe rezultateve të të nxënët që duhet të demonstrojë nxënësi në përbushjen e kompetencave matematikore. Tematikat dhe renditja e tyre nuk nënkuqtojnë që përbajtja e testit duhet të zhvillohet në këtë renditje. Në përgatitjen për përbushjen e këtij programi orientues do të përdoren programet e lëndës së matematikës, klasat 10-12.

Tematika	Numri	Matjet	Gjeometria	Algjebra	dhe funksioni (Derivati dhe Integrali)	Statistika dhe probabiliteti
Pesha	17%	15%	13%	38%		17%

LLOJET E PYETJEVE/ KËRKESAVE/ USHTRIMEVE TË REKOMANDUARA

Kompetenca: Lidhja konceptuale dhe të menduarit matematik	
Përshkrimi: Vlerësimi i kësaj kompetencë do të realizohet mbi bazën e lidhjes së koncepteve matematikore, përfshirë formuar një të tjerë dhe varësisë ndërmjet koncepteve. Pjetjet do të ndërtohen mbi bazën e zbatimit të proceseve matematikore duke rikujtuar fakte, duke përdorur terminologji/përkufizime matematikore, duke përdorur dhe interpretuar koncepte apo simbole matematikore.	Llojet e pyetjeve/kërkesave/ushtrimeve: <ul style="list-style-type: none">Ushtrime që tregojnë lidhje të koncepteve apo përdorimit të simboleve.Ushtrime me përgjedhje konceptesh apo simbolesh.Plotësimi i vendeve bosh me informacionin e duhur nga një proces matematikor.Ushtrime me përgjigje <i>po/jo</i>.Ushtrime me disa alternativa (përgjedhje e alternativës së saktë nga 4 alternativat).Ushtrime ku kërkohet marrja dhe përgjedhja e informacionit të duhur nga një situatë e dhënë.Ushtrime të tipit e saktë /e gabuar.Ushtrime me bashkimin e elementeve të dy kolonave.Ushtrime për interpretimin e një informacioni në një situatë praktike matematikore.Etj.
Kompetenca: Zgjidhja e situatës problemore	
Përshkrimi: Vlerësimi i kësaj kompetencë do të realizohet nëpërmjet zgjidhjes së situatave problemore të nivelit praktik, të marra nga përvojat e jetës së përditshme apo të nivelit abstrakt, duke vlerësuar zhvillimin intelektual dhe intuitën krijuese të nxënësit.	Llojet e pyetjeve/kërkesave/ushtrimeve: <ul style="list-style-type: none">Ushtrime me zëvendësim, zëvendësimi i një zgjidhje me të ngashmen e saj.Ushtrime me disa alternativa (përgjedhje e alternativës së saktë nga 4 alternativat).Ushtrime me plotësime vendesh bosh.Ushtrime me përgjedhje të koncepteve, formulave në zgjidhjen e një situate problemore.Ushtrime për të kuptuar situatën e dhënë në një problemë matematikore.

	<ul style="list-style-type: none"> Ushtrime për interpretimin e hapave të ndjekur për zgjidhjen e situatave problemore. Ushtrime që vlerësojnë vlefshmërinë e zgjidhjes së një situate problemore. Ushtrime që paraqesin zgjidhjen e dhënë të një situate problemore. Etj.
--	--

Kompetenca: Arsyetimi dhe vërtetimi matematik

Përshkrimi:	Llojet e pyetjeve/kërkesave/ushtrimeve:
Vlerësimi i kësaj kompetencë do të realizohet nëpërmjet përdorimit të arsyetimit dhe argumentimit si aspekte themelore të matematikës. Nxënësi do të vlerësohet për organizimin logjik të fakteve, ideve ose koncepteve, në mënyrë që të arrijë në një rezultat të besueshëm.	<ul style="list-style-type: none"> Ushtrime ku nxënësi ndërton zinxhirin e arsyetimeve. Ushtrime ku kërcohët marrja dhe përgjedhja e informacionit të duhur nga një situatë e dhënë. Ushtrime të tipit e saktë /e gabuar. Ushtrime me bashkimin e elementeve të dy kolonave. Ushtrime për interpretimin e një informacioni në një situatë praktike matematikore. Ushtrime që vlerësojnë vlefshmërinë e një argumenti matematikor në një situate problemore. Ushtrime ku kërcohët paraqitja e informacionit matematikor. Ushtrime ku përdoren konceptet matematikore dhe proceset përshtatshme për situatën e dhënë. Ushtrime për zbatimin e koncepteve dhe proceseve në një situatë të dhënë. Etj.

Kompetenca: Modelimi matematik

Përshkrimi:	Llojet e pyetjeve/kërkesave/ushtrimeve:
Vlerësimi i kësaj kompetencë do të bazohet në përshkrimin apo krijimin e modeleve	<ul style="list-style-type: none"> Ushtrime për paraqitjen e modelimit të një situate nga jeta reale me gjuhën e matematikës.

matematikore ngajeta e përditshme.

- Ushtrime për përdorimin e teknikave përkatëse për të gjetur zgjidhjen e përshtatshme matematikore.
- Ushtrime për përdorimin e vepprimeve themelore të matematikës në situata të jetës së përditshme
- Ushtrime që paraqesin dhe “përkthejnë” zgjidhjen matematikore në zgjidhjen e situatës nga jetës reale.
- Etj.

TABELAT E REZULTATEVE TË TË NXËNIT PËR SECILËN TEMATIKË

Për secilën tematikë, më poshtë paraqiten njohuritë dhe rezultatet e të nxënët, që duhet të demonstrojë nxënësi për të përbushur kompetencat matematikore. Megjithëse njohuritë përcaktohen për secilën tematikë ato trajtohen të integruara dhe të lidhura me njëra - tjetrën.

TEMATIKA: Numri

Njohuritë përmes realizimin e kompetencave matematikore	Rezultatet e të nxënët për realizimin e kompetencave matematikore
BASHKËSITË <ul style="list-style-type: none"> - Bashkësítë marrëdhënia ndërmjet tyre. - Bashkësítë numerike. - Prerja bashkimi i dy bashkësive. 	BASHKËSITË <p>Nxënësi:</p> <ul style="list-style-type: none"> - përdor simbolet përkatëse, diagramin e Venit, për të paraqitur bashkësítë dhe marrëdhëniën ndërmjet tyre; - përdor bashkësítë numerike; - paraqet me mënyra të ndryshme një interval numerik; - përdornë zbatime prerjen dhe bashkimin e dy bashkësive;
VEPRIMET ME NUMRA <ul style="list-style-type: none"> - Radha e veprimeve duke përfshirë kllapat, fuqitë, rrënjet. - Numrat e thjeshtë, faktorë (pjesëtuesit), shumëfishat, faktorët e 	VEPRIMET ME NUMRA <p>Nxënësi:</p> <ul style="list-style-type: none"> - zbaton katër veprimet me numrat e plotë, numrat dhjetorë, thyesat (më të vogla dhe më të mëdha se 1), si dhe numrat e përzierë (pozitivë dhe negativë); - përdor radhën e veprimeve duke përfshirë kllapat, fuqitë, rrënjet dhe të anasjellat; - përdor konceptin dhe fjalorin e duhur për numrat e thjeshtë, faktorët (pjesëtuesit), shumëfishat, faktorët e përbashkët, shumëfishat e përbashkët, shumëfishi më i vogël i përbashkët,

<p>përbashkët, shvp, pmp;</p> <ul style="list-style-type: none"> - Fuqitë e numrave pozitivë, si dhe rrënjet përkatëse. - Rrënjet me tregues numër natyror dhe fuqi me eksponentë thyesor. - Numra iracionalë $\sqrt{2}; \sqrt{3}$ etj., dhe π; - Shprehje që përmabjnë rrënjet. 	<p>pjesëtuesi më i madh i përbashkët, faktorët e thjeshtë dhe teoremën e zbërthimit të numrave në faktorë të thjeshtë;</p> <ul style="list-style-type: none"> - përdor fuqitë e numrave pozitivë, si dhe rrënjet përkatëse (me tregues 2, 3 dhe numra më të mëdhenj), njeh disa fuqi të para të numrave 2,3,4,5; - njehson rrënjet me tregues numër natyror dhe fuqi me eksponent thyesor; - kryen vepime me thyesa, me numra iracionalë $\sqrt{2}; \sqrt{3}$ etj., dhe me π; - thjeshton shprehje që përmabjnë rrënjet (p.sh., $\sqrt{12} = \sqrt{4 \times 3} = \sqrt{4} \times \sqrt{3} = 2\sqrt{3}$) dhe zhduk rrënjen nga emëruesi (p.sh., $\frac{4}{\sqrt{3}} = \frac{4\sqrt{3}}{3}$);
<p>THYESAT DHE NUMRAT DHJETORË</p> <ul style="list-style-type: none"> - Kthimi i numrave dhjetorë të fundmë në thyesë dhe anasjellas 	<p>THYESAT DHE NUMRAT DHJETORË</p> <p>Nxënësi:</p> <ul style="list-style-type: none"> - kthen numrat dhjetorë të fundmë në thyesa dhe anasjellas (p.sh., 3.5 në $\frac{7}{2}$ ose 0.375 në $\frac{3}{8}$);
<p>RAPORTI, PËRPJESËTIMI DHE PËRQINDJA</p> <ul style="list-style-type: none"> - Raporti si thyesë. - Përpjesëtimi si raporte të barabarta. - Lidhja e raportit me funksionet lineare. - Përqindja si thyesë ose numër dhjetor. 	<p>RAPORTI, PËRPJESËTIMI DHE PËRQINDJA</p> <p>Nxënësi:</p> <ul style="list-style-type: none"> - shpreh si raport ose thyesë një marrëdhënie shumëfishiteti ndërmjet dy sasive; - zbaton raportin në situata problemore ngajeta reale (p.sh., ato që përfshijnë këmbimet, krahasimin, ndarjen, përbërjen dhe shkallën); - kuption dhe përdor përpjesëtimin si raporte të barabarta;

<ul style="list-style-type: none"> - Sasia si përqindje të një sasie tjetër. <p>Interesi i thjeshtë në matematikën financiare.</p>	<ul style="list-style-type: none"> - lidh raportin me thyesat dhe e shpreh me funksione lineare (p.sh., në një recetë keku: kemi 40g sheqer (y) dhe 50g miell (x), rapporti është $4:5 = \frac{4}{5}$. Ekuacioni është $y = \frac{4}{5}x$) - kthen përqindjen në thyesë ose numër dhjetor, duke e interpretuar këtë me shumëfishim; - shpreh një sasi si përqindje të një sasie tjetër; - krahason dy sasi duke përdorur përqindjen; - punon me përqindje më të mëdha se 100%; - zgjidh situata problemore me përqindje, me rritje dhe me ulje të vlerës në përqindje, duke përfshirë edhe interesin e thjeshtë në matematikën financiare;
EKSPONENCIALET Fuqitë dhe rrënjet.	EKSPONENCIALET Nxënësi: <ul style="list-style-type: none"> - kuption dhe përdor rregullat e fuqive me eksponentë racionalë; - përdor rrënjet duke kryer veprime edhe me rrënjen në emërues

TEMATIKA: Matja

Njohuritë për realizimin e kompetencave matematikore	Rezultatet e të nxënët për realizimin e kompetencave matematikore
MATJET DHE SAKTËSIA E TYRE <ul style="list-style-type: none"> - Këmbimi i njësive standarde përfshirë njësitë e përbëra. - Shkalla e zmadhimit (zvogëlimit) dhe hartat. 	MATJET DHE SAKTËSIA E TYRE <p>Nxënësi:</p> <ul style="list-style-type: none"> - këmbejn njësitë standarde (p.sh., koha, gjatësia, syprina, vëllimi, masa); - njehson njësitë e përbëra (p.sh; shpejtësinë, normat e pagave, njësitë e çmimeve, densitetin, tensionin) në kontekste numerike dhe algjebrike; - përdor shkallën e zmadhimit (zvogëlimit) dhe hartat;
MATJE DHE NJEHSIME <ul style="list-style-type: none"> - Njësitë e matjes dhe konceptet përkatëse (gjatësi, syprinë, vëllim, masë, kohë para etj.). - Perimetri i figurave plane të përbëra. - Syprina e trekëndëshit, e paralelogramit, e trapezit, rrithit. - Gjatësia e harkut, këndet dhe syprina e sektorit rrithor. - Vëllimi i kuboideve, i prizmit të drejtë, i cilindrit. - Syprina e përgjithshme dhe vëllimi i sferës, piramidës, konit dhe trupave gjeometrikë të përbërë. - Kongruenca dhe ngjashmëria e figurave. 	MATJE DHE NJEHSIME <p>Nxënësi:</p> <ul style="list-style-type: none"> - përdor njësitë e matjes dhe konceptet përkatëse (gjatësi, syprinë, vëllim, masë, kohë para etj.); - përdor njësitë e përbëra si shpejtësinë, normat e rrogave, njësitë e çmimeve, densitetin dhe trysninë; - njehson perimetrin e figurave plane të përbëra; - zbaton formula për të njehuar syprinën e trekëndëshit, paralelogramit, trapezit, rrithit; - njehson gjatësinë e harkut, këndet dhe syprinën e sektorit qarkor; - njehson vëllimin e kuboideve, prizmit të drejtë, i cilindrit; - njehson syprinën e përgjithshme dhe vëllimin e sferës, piramidës, konit dhe trupave gjeometrikë të përbërë; - zbaton konceptet e kongruencës dhe ngjashmërisë, përfshirë marrëdhënien ndërmjet gjatësive, syprinës së figurave të ngjashme;

<ul style="list-style-type: none"> - Teorema e Pitagorës, teoremat e Euklidit 	<ul style="list-style-type: none"> - zbaton teoremën e Pitagorës, teoremat e Euklidit;
<p>VEKTORËT</p> <ul style="list-style-type: none"> - Mbledhja dhe zbritja e vektorëve. - Shumëzimi i vektorëve me një numër. - Paraqitja e vektorit gjeometriskisht dhe në shtyllë me anë të koordinatave. - Vektorët me dy koordinata. - Paraqitja algjebrike e mbledhjes së vektorëve si dhe e shumëzimit të vektorit me një numër. - Largesë ndërmjet dy pikave. 	<p>VEKTORËT</p> <p>Nxënësi:</p> <ul style="list-style-type: none"> - zbaton mbledhjen dhe zbritjen e vektorëve, shumëzimin e vektorëve me një numër, paraqitjen gjeometriskisht të vektorit, si dhe paraqitjen me shtyllë me anë të koordinatave; - përdor vektorët me dy koordinata; - paraqet në mënyrë algjebrike mbledhjen e vektorëve, si dhe shumëzimin e vektorit me një numër; - njehson largesën ndërmjet dy pikave;
<p>TRIGONOMETRI</p> <ul style="list-style-type: none"> - Koncepti i sinusit, kosinusit, tangjentit dhe kotangjentit. - Teorema e sinusit dhe teorema e kosinusit në trekëndësh. - Formula themelore e trigonometrisë. 	<p>TRIGONOMETRI</p> <p>Nxënësi:</p> <ul style="list-style-type: none"> - përdor konceptet e sinusit, kosinusit, tangjentit dhe kotangjentit dhe formulat trigonometrike bazë në trekëndëshin kënddrejtë (sinus, kosinus dhe tangjent); - zbaton teoremën e sinusit dhe teoremën e kosinusit në trekëndëshin e çfarëdoshëm për të gjetur gjatësi dhe kënde; - përdor formulën themelore të trigonometrisë $\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$;

TEMATIKA: Gjeometria

Njohuritë për realizimin e kompetencave matematikore	Rezultatet e të nxënësit për realizimin e kompetencave matematikore
<p>GJEOMETRIA NË PLAN</p> <ul style="list-style-type: none"> - Kuptimi i largesës së pikës nga një drejtëz. - Vitetë e këndeve me kulm të përbashkët: shtuese, plotësuese, kënde të kundërt në kulm etj. - Këndet korresponduese që formohen nga drejtëza paralele. - Kongruenca e trekëndëshave të çfarëdoshëm (BKB, KBK, BBB) dhe trekëndëshave kënddrejtë. - Kriteret bazë të ngashmërisë së trekëndëshave. - Vitetë e trekëndëshit dybrinjënjëshëm. - Ekuacioni i drejtëzës në plan. - Kushti i paralelizmit dhe i pingultisë së dy drejtëzave. 	<p>GJEOMETRIA NË PLAN</p> <p>Nxënësi:</p> <ul style="list-style-type: none"> - përdor termat dhe simbolet përkatëse: pikë, drejtëz, kulm, brinjë, plane, drejtëza paralele, drejtëza pingule, kënde të drejtë, shumëkëndësha, shumëkëndësha të rregullt, shumëkëndësha me drejtëza simetrije dhe/ose boshte rrotullimi; - njeh konceptin e largesës së pikës nga një drejtëz; - zbaton vitetë e këndeve me kulm të përbashkët: shtuese, plotësuese, kënde të kundërt në kulm etj.; - kupton dhe përdor këndet korresponduese që formohen nga drejtëza paralele; - përdor kriteret bazë të kongruencës së trekëndëshave të çfarëdoshëm (BKB, KBK, BBB) dhe trekëndëshave kënddrejtë; - përdor kriteret bazë të ngashmërisë së trekëndëshave; - identifikon dhe zbaton përkufizimin e rrithit dhe disa veti përkatëse, përfshirë: qendrën, rrezen, kordën, diametrin, perimetrin, tangjenten, harkun, sektorin; - provon dhe zbaton teoremat e rrithit që i referohen këndeve, rrezes, tangjentes, kordave dhe i përdor ato për të zgjidhur situata problemore; - përdor vitetë e mëposhtme: <ul style="list-style-type: none"> ▪ këndi rrethor që mbështetet mbi diametër është kënd i drejtë; ▪ pingulja e hequr nga qendra mbi kordë është përmesore e kordës;

	<ul style="list-style-type: none"> ▪ rrezja e rrethit është pingule me tangjenten e rrethit në pikën ku kalon tangjentja; - paraqet ekuacionin e përgjithshëm të rrethit në trajtë kanonike për të gjetur qendrën dhe rrezen e tij; - përdor ekuacionin e drejtëzës, përfshirë trajtat $y - y_1 = k(x - x_1)$ dhe $ax + by + c = 0$; - interpreton kushtin e paralelizmit dhe të pingultisë së dy drejtëzave;
SHNDËRRIME GJEOMETRIKE <ul style="list-style-type: none"> - Simetria, zhvendosja paralele dhe zmadhimi. - konit dhe sferës. 	SHNDËRRIME GJEOMETRIKE Nxënësi: <ul style="list-style-type: none"> - identifikon, përshkruan dhe ndërton figura kongruente dhe të ngashme nëpërmjet simetrisë, zhvendosjes paralele dhe zmadhimit, duke i konsideruar ato edhe në plan koordinativ;
GJEOMETRIA NË HAPËSIRË <p>Vitetë e faqeve, brinjëve, kulmeve, syprinave të: kubit, kuboidit, prizmit, cilindrit, piramidës,</p>	GJEOMETRIA NË HAPËSIRË Nxënësi: dallon dhe përdor vetitë e faqeve, brinjëve, kulmeve, syprinave të: kubit, kuboidit; prizmit, cilindrit, piramidës, konit dhe sferës;

TEMATIKA: Algjebra dhe funksioni

Njohuritë për realizimin e kompetencave matematikore	Rezultatet e të nxënësit për realizimin e kompetencave matematikore
SIMBOLET, VEPRIME ALGJEBRIKE DHE FUNKSIONI <ul style="list-style-type: none"> - Zëvendësimi i vlerave numerike në formula dhe shprehje algjebrike. - Paraqitja në mënyrë më të thjeshtë e shprehjeve algjebrike. - Shndërrime të njëvlershme në shprehjet algjebrike. - Funksione me të dhëna (bashkësia e përcaktimit) dhe rezultate (bashkësia e vlerave). 	SIMBOLET, VEPRIME ALGJEBRIKE DHE FUNKSIONI <p>Nxënësi:</p> <ul style="list-style-type: none"> - zëvendëson vlerat numerike në formula dhe shprehje duke përfshirë edhe formula nga shkenca të tjera; - paraqet në mënyrë më të thjeshtë shprehjet algjebrike (përfshirë edhe shprehjet me numra irracionalë dhe thyesat algjebrike) duke: - mbledhur kufizat e ngashme; - shumëzuar një kufizë me një klapë; - faktorizuar kufizat e përbashkëta; - zbërtyer prodhimet e dy ose më shumë binomeve; - faktorizuar shprehjet e fuqisë së dytë të trajtës $ax^2 + bx + c$; - thjeshtuar shprehjet përfshirë shumën, prodhimin, fuqitë dhe vetitë e tyre; - kupton ndryshimin ndërmjet ekuacionit dhe identitetit; - argumenton matematikisht shndërrime të njëvlershme në shprehje algjebrike; - interpreton shprehje të thjeshta si funksione me të dhëna (bashkësi përcaktimi) dhe rezultate (bashkësi vlerash);
GRAFIKËT <ul style="list-style-type: none"> - Grafiku i ekuacioneve lineare në planin koordinativ. 	GRAFIKËT <p>Nxënësi:</p>

<ul style="list-style-type: none"> - Trajta $y = kx + t$ për identifikimin e drejtëzave paralele dhe pingule. - Ekuacioni i drejtëzës që kalon nëpër dy pika ose që kalon nga një pikë dhe me koeficient këndor (pjerrësi) të dhënë. - Koeficientët këndorë dhe pikëprerjet me boshtet koordinativë të funksioneve lineare. - Rrënjet e koordinatat e kulmit të grafikut të funksionit të fuqisë së dytë. - Grafikë të funksioneve lineare, të funksioneve fuqisë së dytë, të funksionit përpjestimor të zhdrojtë $y = \frac{1}{x}$ me $x \neq 0$, - Ekuacioni i rrethit me qendër në origjinën e boshteve koordinative. - Ekuacioni i tangjentes së një rrathi në një pikë të dhënë. - Ekuacione dhe grafikë që përshkruajnë përpjesëtimin e drejtë dhe të zhdrojtë. - Pjerrësia e grafikut të një vijë të drejtë si normë ndryshimi. - Koeficienti këndor (pjerrësia) i tangjentes në një pikë të një vije të lakuar (si normë ndryshimi në atë pikë). 	<ul style="list-style-type: none"> - ndërton grafikët e ekuacioneve lineare në planin koordinativ; - përdor trajtën $y = kx + t$ për të identifikuar drejtëzat paralele dhe pingule; - gjen ekuacionin e drejtëzës që kalon nëpër dy pika ose që kalon nga një pikë e dhënë dhe me koeficient këndor (pjerrësi) të dhënë; - identifikon dhe interpreton në mënyrë grafike dhe algjebrike koeficientet këndore dhe pikëprerjet me boshtet koordinative të funksioneve lineare; - gjen në mënyrë algjebrike rrënjet e koordinatat e kulmit të grafikut të funksionit të fuqisë së dytë; - ndërton dhe interpreton grafikë të funksioneve lineare, të funksioneve të fuqisë së dytë, të funksionit përpjesëtimor të zhdrojtë $y = \frac{1}{x}$ me $x \neq 0$; - skicon zhvendosjen paralele dhe simetrië e grafikut të një funksioni të dhënë; - vizaton dhe interpreton grafikët (përfshirë grafikët e funksioneve përpjesëtimore të zhdrojtë, grafikun e funksionit eksponencial) dhe grafikë të funksioneve jo elementare; - përdor ekuacionin e rrethit me qendër në origjinën e boshteve koordinative; - gjen ekuacionin e tangjentes së një rrathi në një pikë të dhënë; - ndërton dhe interpreton ekuacione që përshkruajnë përpjesëtimin e drejtë dhe të zhdrojtë; - interpreton koeficientin këndor (pjerrësinë) të tangjentes në një pikë të një vije të lakuar (si normë ndryshimi në atë pikë);
---	---

<p>ZGJIDHJA E EKUACIONEVE DHE E INEKUACIONEVE</p> <ul style="list-style-type: none"> - Ekuacione lineare me një ndryshore (përfshirë ekuacionet me ndryshore në të dyja anët e barazimit). - Ekuacione të fuqisë së dytë, duke përdorur formulën përkatëse. - Grafiku i ekuacioneve të fuqisë së dytë. - Sistemi i dy ekuacioneve me dy ndryshore (dy ekuacione lineare). - Zgjidhja grafike e sistemit. - Inekuacione lineare me një ose dy ndryshore. - Bashkësia e zgjidhjeve në boshtin numerik duke përdorur simbolet e bashkësisë dhe grafikë. - Zgjidhja në mënyrë grafike e inekuacionit të trajtës $y > x + 1$ - Zgjidhja e ekuacionit të trajtës $a^x = b$; 	<p>ZGJIDHJA E EKUACIONEVE DHE INEKUACIONEVE</p> <p>Nxënësi:</p> <ul style="list-style-type: none"> - zgjidh në mënyrë algjebrike ekuacione lineare me një ndryshore (përfshirë ato ekuacione me ndryshore në të dyja anët e barazimit); - zgjidh në mënyrë algjebrike ekuacione të fuqisë së dytë, duke përdorur formulën përkatëse; - gjen zgjidhje të përafërtë duke përdorur grafikun e ekuacioneve të fuqisë së dytë; - zgjidh në mënyrë algjebrike sistemin e dy ekuacioneve me dy ndryshore; - zgjidh inekuacione lineare me një ose dy ndryshore; - paraqet bashkësinë e zgjidhjeve në boshtin numerik, përdor simbolet e bashkësisë dhe grafikë; - interpretion grafikisht zgjidhjet algjebrike të ekuacioneve; - përdor pikat e prerjeve të grafikëve për të zgjidhur ekuacionet; - zgjidh ekuacione të trajtës $a^x = b$;
<p>VARGJET</p> <ul style="list-style-type: none"> - Vargu sipas rregullës së kufizave të njëpasnjëshme dhe rregullës kufizë –vend. - Vargjet e numrave trekëndorë, katrorë dhe kubikë. 	<p>VARGJET</p> <p>Nxënësi:</p> <ul style="list-style-type: none"> - përfton kufiza të një vargu sipas rregullës së kufizave të njëpasnjëshme dhe rregullës kufizë-vend;

<ul style="list-style-type: none"> - Progresionet e thjeshta aritmetike, progresione të thjeshta gjeometrike. - Vargjet Fibonacci, vargjet e fuqisë së dytë (duke llogaritur diferencën e dytë) dhe progresione të thjeshta gjeometrike; - Kufiza e n-të në vargjet lineare. 	<ul style="list-style-type: none"> - përdor progresionet e thjeshta aritmetike, vargjet Fibonacci, vargjet e fuqisë së dytë (duke llogaritur diferencën e dytë) dhe progresione të thjeshta gjeometrike; - llogarit kufizën e n-të në vargjet lineare; -
<p>POLINOME DHE FUNKSIONE</p> <ul style="list-style-type: none"> - Dallori i polinomit të fuqisë së dytë. - Funksionet kuadratike dhe grafikët e tyre. - Funksionet përpjesëtimore dhe grafikët e tyre. - Funksionet e sinusit, kosinusit dhe grafikët e tyre. <p>Funksioni $y = e^x$ dhe grafiku i tij.</p>	<p>POLINOME DHE FUNKSIONE</p> <p>Nxënësi:</p> <ul style="list-style-type: none"> - analizon dallorin e një polinomi të fuqisë së dytë duke përfshirë kushtet për rrënjet dhe rrënjen e dyfishtë; - përdor funksionet kuadratike dhe grafikët e tyre; - kupton dhe përdor funksione përpjesëtimore dhe grafikët e tyre; - përdor funksionet e sinusit, kosinusit, interpreton grafikët e tyre, simetrinë dhe periodicitetin; <p>njeh dhe përdor funksionin $y = e^x$ dhe grafikun e tij;</p>
<p>DERIVATI</p> <ul style="list-style-type: none"> - Koncepti i derivatit të funksionit $f(x)$ si koeficient këndor i tangjentes ndaj grafikut të funksionit $y = f(x)$ në një pikë të çfarëdoshme $(x;y)$. - Derivati si normë (shkallë) ndryshimi. - Zbatime të derivatit për të gjetur koeficientin këndor, ekuacionin e tangjentes dhe pingules së një vije në një pikë të dhënë; 	<p>DERIVATI</p> <p>Nxënësi:</p> <ul style="list-style-type: none"> - kupton dhe përdor derivatin e funksionit $f(x)$ si koeficient këndor të tangjentes ndaj grafikut të funksionit $y = f(x)$ në një pikë të çfarëdoshme $(x;y)$; - interpreton derivatin si normë (shkallë) ndryshimi; - kupton dhe përdor derivatin e dytë si normë (shkallë) ndryshimi të derivatit të parë; - zbaton derivatin për të gjetur koeficientin këndor, ekuacionin e tangjentes dhe pingules së një vije në një pikë të dhënë;

<p>ekuacionin e tangjentes dhe pingules së një vije në një pikë të dhënë.</p> <ul style="list-style-type: none"> - Ekstremumet e funksionit me anë të derivatit. 	<ul style="list-style-type: none"> - përcakton ekstremumet e funksionit me anë të derivatit.
---	---

TEMATIKA: Statistika dhe probabiliteti

Njohuritë për realizimin e kompetencave matematikore	Rezultatet e të nxënësit për realizimin e kompetencave matematikore
STATISTIKË <ul style="list-style-type: none"> - Popullata dhe kampionimi. - Tabela, diagrame, tabela dendurie, diagrami rrëthor për të kategorizuar të dhëna. - Diagrami me shtylla për të paraqitur të dhëna numerike diskrete jo të grupuara. - Mesataret (mesorja, mesatarja aritmetike, moda dhe klasa modale), amplituda. 	STATISTIKË <p>Nxënësi:</p> <ul style="list-style-type: none"> - nxjerr të dhëna për popullatën ose shpërndarjen nga një kampion, ndërkohë që njeh kufijtë e kampionimit; - përdor dhe kupton teknikat e zgjedhjes statistikore përfshirë zgjedhjen e rastit të thjeshtë dhe zgjedhjen e kampionit; - interpreton dhe ndërton tabelas, diagrame, përfshirë edhe tabelas dendurie, diagrame rrëthore për të kategorizuar të dhëna, diagrame me shtylla për të paraqitur të dhëna numerike diskrete jo të grupuara, si dhe njeh përdorimin e tyre në mënyrë të përshtatshme; - ndërton dhe interpreton diagrame për të paraqitur të dhëna diskrete të grupuara dhe të dhëna të vazduara, p.sh., histogramme me intervale klasash të barabarta dhe jo të barabarta, si dhe grafikë dendurie të grumbulluar duke njohur përdorimin e tyre në mënyrë të përshtatshme; - interpreton, analizon dhe krahason shpërndarjen e të dhënavë me shpërndarjet empirike me një ndryshore nëpërmjet: - mesatareve (mesorja, mesatarja aritmetike, moda dhe klasa modale); - amplitudës;
PROBABILITETI <ul style="list-style-type: none"> - Denduritë e rezultateve në eksperimente 	PROBABILITETI

<p>probabilitare duke përdorur tabelat dhe pemën e dendurive.</p> <ul style="list-style-type: none"> - Ngjarjet e rastit, njëloj të mundshme dhe të pavarura, për të njehuar rezultatet e pritshme nga eksperimentet. - Shuma e probiliteteve të të gjitha ngjarjeve elementare është një. - Shuma e probiliteteve të ngjarjeve dy e nga dy të papajtueshme, bashkimi i të cilave jep hapësirën e rezultateve, është një. - Hapësira e rezultateve të mundshme teorike për eksperimente të veçanta ose për eksperimente të përbëra me rezultate njësoj të mundshme. - Probabiliteti i ngjarjeve të kombinuara, të varura dhe të pavarura. 	<ul style="list-style-type: none"> - përshkruan dhe analizon denduritë e rezultateve në eksperimente probabilitare, duke përdorur tabelat dhe pemën e dendurive; - zbaton ngjarjet e rastit njëloj të mundshme dhe të pavarura për të njehuar rezultatet e pritshme nga eksperimentet; - zbaton vetinë që shuma e probiliteteve e të gjitha ngjarjeve elementare, është një; - zbaton vetinë që shuma e probiliteteve të ngjarjeve dy e nga dy të papajtueshme, bashkimi i të cilave jep hapësirën e rezultateve, është një; - kupton që sa më shumë rritet numri i provave, aq më shumë denduria relative i afrohet vlerës së probabilitetit teorik; - krijon hapësira rezultatesh të mundshme teorike për eksperimente të veçanta ose për eksperimente të përbëra me rezultate njësoj të mundshme dhe i përdor ato për të njehuar probabilitetin teorik; - njehson probabilitetin e ngjarjeve të kombinuara të varura dhe të pavarura, duke përfshirë diagramin <i>pemë</i> dhe paraqitje të tjera; - njehson dhe interpreton probabilitetin me kusht nëpërmjet paraqitjeve të dendurive me tabela me dy hyrje, me diagramin <i>pemë</i> dhe diagramin e Venit. - njehson probabilitetin e ngjarjeve të pavarura dhe të ngjarjeve të papajtueshme.
--	---