



---

REPUBLIKA E SHQIPËRISË

MINISTRIA E ARSIMIT, SPORTIT DHE RINISË  
AGJENCIA E SIGURIMIT TË CILËSISË SË ARSIMIT PARAUNIVERSITAR

**PROGRAM ORIENTUES PËR MATURËN SHTETËRORE**  
**(Provim i detyruar për gjimnazin)**

**LËNDA:**

**MATEMATIKA BËRTHAMË**  
**(NIVELI BAZË)**  
**I RISHIKUAR**

**VITI SHKOLLOR 2019 -2020**

**KOORDINATORE: DORINA RAPTI**

**PRILL 2020**

# PËRMBAJTJA

PËRMBAJTJA.....	2
I. HYRJE .....	3
II. MATEMATIKA BERTHAMË NË MATURËN SHTETËRORE.....	4
III. PËRMBAJTJA E PROGRAMIT .....	5
IV. STRUKTURA E TESTIT .....	6
V. LLOJET E PYETJEVE/ KËRKESAVE/ USHTRIMEVE TË REKOMANDUARA....	9
VI. TABELAT E REZULTATEVE TË TË NXËNIT PËR SECILËN TEMATIKË.....	12
6.1 Tematika: Numri.....	12
6.2 Tematika: Matja.....	14
6.3 Tematika: Gjeometria .....	15
6.4 Tematika: Algjebra dhe funksioni .....	17
6.5 Tematika: Statistika dhe probabiliteti .....	20
VII. TABELAT E REZULTATEVE TË TË NXËNIT PËR SECILËN TEMATIKËQË NUK DO TË PËRFSHIHEN NË TESTIN E MATURËS SHTETËRORE .....	22
7.1 Tematika: Numri.....	22
7.2 Tematika: Matja .....	22
7.3 Tematika: Algjebra dhe funksioni .....	23
7.4 Tematika: Statistika dhe probabiliteti .....	24

## I. HYRJE

Pandemia COVID-19 ka prekur çdo fushë të veprimtarisë njerëzore dhe të gjithëve na është dashur të përshtatemi me një ndryshim të papritur në mënyrën se si jetojmë. Ky ndryshim natyrisht ka përfshirë edhe arsimin.

Shumica e vendeve në Europë dhe më gjërë i kanë mbyllur institucionet arsimore për të kufizuar kontaktin mes njerëzve dhe për të parandaluar përhapjen e virusit. Edhe në vendin tonë, Ministria e Arsimit, Sportit dhe Rinisë (MASR) i ka mbyllur institucionet arsimore që nga data 9 mars 2020.

Gjatë kësaj periudhe, MASR po mbështet mësuesit në përpjekjet e tyre për të realizuar procesin mësimor në kushtet e shtëpisë. Dy format kryesore mësimore që po zbatohen janë mësime të xhiruara dhe të transmetuara në Radio Televizionin Shqiptar (RTSH) dhe puna mes nxënësve dhe mësuesve përmes rrjetave sociale apo përmes platformave të ndryshme që mundësojnë krijimin e klasave virtuale (google classroom, google hangout, edmodo, zoom etj.). Këto janë format me të cilat kanë punuar të gjithë nxënësit, përfshirë edhe maturantët.

Për t'u ardhur në ndihmë maturantëve, ASCAP bazuar në urdhrin nr.43, datë 22.04.2020, “Për rishikimin e programeve orientuese për provimet e Maturës Shtetërore për vitin shkollor 2019-2020, si pasojë e situatës së krijuar nga pandemia COVID-19” ka reduktuar nga programi orientues, njojuritë dhe aftësitë lëndore që janë zhvilluar gjatë mësimit në kushtet e shtëpisë dhe që përkojnë me periudhën mars-qershor 2020. *Njojuritë dhe aftësitë që janë reduktuar, janë pasqyruar në rubrikën e fundit të këtij programi. Këto njojuri dhe aftësi nuk do të përfshihen në testin e matematikës në provimin e Maturës Shtetërore.*

Procesi i rishikimit të programit orientues është realizuar nga specialistët e kurrikulës në ASCAP në bashkëpunim me mësues matematikës.

## **II. MATEMATIKA BERTHAMË NË MATURËN SHTETËRORE**

Matematika e përgatit nxënësin për rolet e tijtë ardhshme në shoqëri. Nëpërmjet njohurive thelbësore matematikore dhe aftësive të arsyetimit, të logjikës, të komunikimit dhe të modelimit, ajo mundëson zhvillimin e personalitetit të nxënësit, mundëson zhvillimin e aftësive për të menduar në mënyrë kritike dhe për të hulumtuar, duke nxitur kështu kërshërinë dhe inkurajimin për zbulim, siguron vetëbesimin për zgjidhjen e situatave problemore në jetën e përditshme. Matematika është një nga shtatë fushat e kurrikulës së arsimit të mesëm të lartë dhe përmban vetëm lëndën e matematikës, e cila tradicionalisht vazhdon të jetë pjesë themelore e arsimit parauniversitar. Në arsimin e mesëm të lartëprogrami i lëndës së matematikës bërthamështë konceptuar mbi bazën e kuptimeve dhe shprehive **themelore** për përgatitjen e nxënësve. Ata kanë integruar njohuri nga numri, algjebra, gjeometria duke siguruar zgjerim të mëtejshëm të njohurive, nga trigonometria, funksioni, derivati dhe integrali, si dhe nga statistika e probabiliteti. Matematika, përveç si lëndë shkollore, nëpërmjet forcës së abstraktimit, argumentit logjik dhe bukurisë së vërtetimit, paraqitet si një disiplinë intelektuale dhe si një burim kënaqësie estetike.

**Programi orientues** për provimin e Maturës Shtetërore në lëndën e matematikës bazë, nëpërmjet përqendrimit në konceptet dhe shprehitë kryesore të mësuara gjatë viteve, ka si qëllim të orientojë punën e mësuesit, përgatitjen e nxënësve dhe hartuesit e testeve përfundimtare për Provimin e Maturës Shtetërore.

Hartimi i programit orientues është mbështetur në kurrikulën me kompetenca të lëndës së matematikës së arsimit të mesëm të lartë, duke mbajtur parasysh formimin e njohurive dhe rezultateve të nxënësit nëpërmjet modelimeve, arsyetimeve, zgjidhjes problemore dhe interpretimeve në situata të thjeshta dhe më komplekse.

### **III. PËRMBAJTJA E PROGRAMIT**

Programi orientues i lëndës së matematikës për provimin e Maturës Shtetërore të klasës XII gjimnaz bazohet në parimin se të zotërosh njohuri matematike do të thotë të jesh në gjendje t'i zbatosh ato:

- në tematika të ndryshme të vetë lëndës së matematikës;
- në fusha të tjera kurrikulare;
- në situata të jetës së përditshme.

Programi orientues për përgatitjen e provimit të lëndës së matematikës bërthamë (niveli bazë) është mbështetur në:

- programet e lëndës së matematikës bërthamë (niveli bazë) për klasat 10-12;
- udhëzuesin për zhvillimin e kurrikulës së gjimnazit;
- udhëzuesin kurrikular të lëndës së matematikës për AML;
- nivelet e arritjes së lëndës së matematikës për klasat 10-12.

Për të qenë lehtësish i përdorshëm, programi përmban *strukturën e testit* në të cilën jepen kompetenca matematikore, tematikat si dhe pesha e tyre. Rubrika “*Llojet e pyetjeve/kërkesave/ushtrimeve*” përmban llojet e pyetjeve që vlerësojnë në mënyrë efektive kompetencat që zotëron nxënësi. Programi përmban rubrikën *e rezultateve të të nxënëtit* ku përcaktohen konceptet dhe aftësitë kryesore për çdo tematikë të lëndës së matematikës për klasat 10-12.

**Rubrika për rezultatet e të nxënëtit që nuk do të përfshihen në testin e Maturës Shtetërore** pasqyron të gjitha njohuritë dhe aftësitë që janë zhvilluar gjatë mësimit në kushtet e shtëpisë në shkolla të ndryshme.

## IV. STRUKTURA E TESTIT

Një nga aspektet më të rëndësishme në kurrikulën e matematikës është zhvillimi i kompetencave matematikore, të cilat e ndihmojnë nxënësin të kuptojë përdorimin e matematikës në mënyrë efektive. Njohuritë matematikore bëhen kuptimplota dhe të fuqishme, nëse marrin jetë në kurrikul dhe zbatohen në situata praktike. Situata të zgjidhjes së problemeve mund të nxirren nga fusha të lidhura ngushtë, si: shkenca kompjuterike, biznes, financë, turizëm, biologji, fizikë, teknologji, por edhe nga fusha të tjera, si: histori, gjeografi, shkenca sociale ose arte. Realizimi i kompetencave përgjatë gjithë zhvillimit të lëndës së matematikës ndihmon nxënësin:

- të zhvillojë konceptet matematikore, shkathësitë dhe modelimin matematikor;
- të përzgjedhë dhe të zbatojë teknikat matematikore për zgjidhjen problemore;
- të arsyetojë veprimet e tij matematikore;
- të nxjerrë përfundime duke dhënë gjykimin e tij;
- të kuptojë, të interpretojë dhe të komunikojë informacionin matematikor në forma të ndryshme të përshtatshme në një kontekst të dhënë.

Nëpërmjet testit të lëndës së matematikës në Provimin e Maturës Shtetërore, nxënësi do të vlerësohet për realizimin e kompetencave matematikore sipas peshave të mëposhtme:

Kompetencat matematikore	Përshkrimi i kompetencave	Pesa
<b>Lidhja konceptuale dhe të menduarit matematik</b>	<p>Nxënësi kupton ndërtimin e koncepteve matematike për të formuar një të tërë dhe përdor varësitë ndërmjet këtyre koncepteve. Të menduarit matematik zhvillon lidhjen ndërmjet koncepteve duke i ndërtuar dhe zbatuar ato në proceset matematikore përkatëse.</p> <p>Treguesit kryesorë janë:</p> <ul style="list-style-type: none"><li>✓ rikujton faktet me saktësi;</li><li>✓ përdor terminologjinë dhe përkufizimet matematikore;</li><li>✓ përdor dhe interpreton saktë konceptet dhe simbolet</li></ul>	40%

	<p>matematikore;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>✓ kryen me saktësi procedurat standard.</li> </ul>	
<b>Zgjidhja e situatës problemore</b>	<p>Nxënësi përshkruan dhe zgjidh situata problemore, të nivelit praktik të marra nga përvojat e përbashkëta të jetës së përditshme dhe të nivelit abstrakt duke zhvilluar kapacitetin e tij intelektual dhe intuitën krijuese. Nxënësi interpreton rezultate të zgjidhjes në kontekstin e problemit të dhënë.</p> <p>Treguesit kryesorë janë:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>✓ përcaktimi i të dhënave të situatës problemore;</li> <li>✓ interpretimi i një situate problemore;</li> <li>✓ zbatimi i hapave të ndryshme për zgjidhjen e situatës problemore;</li> <li>✓ vlefshmëria e zgjidhjes së situatës problemore;</li> <li>✓ paraqitja e zgjidhjes së situatës problemore.</li> </ul>	20%
<b>Arsyetimi dhe vërtetimi matematik</b>	<p>Nxënësi përdor arsyetimin dhe argumentimin si aspekte themelore të matematikës. Arsyetimi ka të bëjë me organizimin logik të fakteve, ideve ose koncepteve në mënyrë që të arrijë në një rezultat më të besueshëm se intuita. Nxënësi organizon konkluzione nga një informacion matematikor i dhënë, ndërton zinxhirin e arsyetimit për të arritur në një rezultat, interpreton informacionin me saktësi, vlerëson vlefshmërinë e një argumenti matematikor ose paraqitjen e një informacioni.</p> <p>Treguesit kryesorë janë:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>✓ identifikimi i elementeve të situatës matematikore;</li> <li>✓ përdorimi i koncepteve matematikore dhe proceset e përshtatshme për situatën e dhënë;</li> <li>✓ arsyetimi për zbatimin e koncepteve dhe proceseve në situatën e</li> </ul>	20%

	dhënë.	
<b>Modelimi matematik</b>	<p>Nxënësi përshkruan dhe krijon modele duke përdorur veprimet themelore matematikore në situata të jetës së përditshme. Modelimi është procesi i paraqitjes së situatës nga jeta reale me gjuhën matematikore. Nëpërmjet përdorimit të teknikave përkatëse, gjendet zgjidhja matematikore, e cila më pas interpretohet në jetën reale.</p> <p>Treguesit kryesorë janë:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>✓ interpretimi i situatës në jetën reale;</li> <li>✓ modelimi në gjuhën matematike;</li> <li>✓ gjetja e zgjidhjes matematike;</li> <li>✓ përkthimi i zgjidhjes matematike në zgjidhje të situatës në jetën reale.</li> </ul>	20%

Bazuar në këtë kurrikul përbushja e kompetencave matematikore që një nxënës duhet të zotërojë përgjatë gjithë zhvillimit të lëndës dhe jo vetëm, arrihet nëpërmjet 5 tematikave kryesore: **numri; matja; gjeometria; algjebra dhe funksioni (përfshirë derivatin dhe integralin); statistika dhe probabiliteti.**

Këto tematika, janë bazë për të ndërtuar njohuri, shkathtësi dhe qëndrime e vlera. Për secilën tematikë është paraqitur pesha që zë secila prej tyre kundrejt orëve totale të lëndës së matematikës në zhvillimin e njohurive dhe rezultateve të të nxënët që duhet të demonstrojë nxënësi në përbushjen e kompetencave matematikore. Tematikat dhe renditja e tyre nuk nënkuqtojnë që përbajtja e testit duhet të zhvillohet në këtë renditje. Në përgatitjen për përbushjen e këtij programi orientues do të përdoren programet e lëndës së matematikës, klasat 10-12.

Tematika	Numri	Matjet	Gjeometria	Algjebra dhe funksioni	Statistika dhe probabiliteti
Pesha	18%	19%	13%	36%	14%

## V. LLOJET E PYETJEVE/ KËRKESAVE/ USHTRIMEVE TË REKOMANDUARA

Kompetenca: Lidhja konceptuale dhe të menduarit matematik	
<b>Përvetimi:</b>  Vlerësimi i kësaj kompetencë do të realizohet mbi bazën e lidhjes së koncepteve matematikore, përfshirë formuar një të tjerë dhe varësisë ndërmjet koncepteve. Pyetjet do të ndërtohen mbi bazën e zbatimit të proceseve matematikore duke rikujtuar fakte, duke përdorur terminologji/përkufizime matematikore, duke përdorur dhe interpretuar koncepte apo simbole matematikore.	<b>Llojet e pyetjeve/kërkesave/ushtrimeve:</b> <ul style="list-style-type: none"> <li>Ushtrime që tregojnë lidhje të koncepteve apo përdorimit të simboleve.</li> <li>Ushtrime me përgjedhje konceptesh apo simbolesh.</li> <li>Plotësimi i vendeve bosh me informacionin e duhur nga një proces matematikor.</li> <li>Ushtrime me përgjigje <i>po/jo</i>.</li> <li>Ushtrime me disa alternativa (përgjedhje e alternativës së saktë nga 4 alternativat).</li> <li>Ushtrime ku kërkohet marrja dhe përgjedhja e informacionit të duhur nga një situatë e dhënë.</li> <li>Ushtrime të tipit e saktë /e gabuar.</li> <li>Ushtrime me bashkimin e elementeve të dy kolonave.</li> <li>Ushtrime për interpretimin e një informacioni në një situatë praktike matematikore.</li> <li>Etj.</li> </ul>
Kompetenca: Zgjidhja e situatës problemore	
<b>Përvetimi:</b>  Vlerësimi i kësaj kompetencë do të realizohet nëpërmjet zgjidhjes së situatave problemore të nivelit praktik, të marra nga përvojat e jetës së përditshme apo të nivelit abstrakt, duke vlerësuar	<b>Llojet e pyetjeve/kërkesave/ushtrimeve:</b> <ul style="list-style-type: none"> <li>Ushtrime me zëvendësim, zëvendësimi i një zgjidhje me të ngjashmen e saj.</li> <li>Ushtrime me disa alternativa (përgjedhje e alternativës së saktë nga 4 alternativat).</li> <li>Ushtrime me plotësimë vendesh bosh.</li> <li>Ushtrime me përgjedhje të koncepteve, formulave në zgjidhjen e një situate problemore.</li> </ul>

zhvillimin intelektual dhe intuitën krijuese të nxënësit.	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Ushtrime për të kuptuar situatën e dhënë në një problemë matematikore.</li> <li>• Ushtrime për interpretimin e hapave të ndjekura për zgjidhjen e situatave problemore.</li> <li>• Ushtrime që vlerësojnë vlefshmërinë e zgjidhjes së një situate problemore.</li> <li>• Ushtrime që paraqesin zgjidhjen e dhënë të një situate problemore.</li> <li>• Etj.</li> </ul>
-----------------------------------------------------------	-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

### Kompetenca: Arsyetimi dhe vërtetimi matematik

Përshkrimi:	Llojet e pyetjeve/kërkesave/ushtrimeve:
<p>Vlerësimi i kësaj kompetencë do të realizohet nëpërmjet përdorimit të arsyetimit dhe argumentimit si aspekte themelore të matematikës. Nxënësi do të vlerësohet për organizimin logjik të fakteve, ideve ose koncepteve, në mënyrë që të arrijë në një rezultat të besueshëm.</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Ushtrime ku nxënësi ndërton zinxhirin e arsyetimeve.</li> <li>• Ushtrime ku kërkohet marrja dhe përzgjedhja e informacionit të duhur nga një situatë e dhënë.</li> <li>• Ushtrime të tipit e saktë /e gabuar.</li> <li>• Ushtrime me bashkimin e elementeve të dy kolonave.</li> <li>• Ushtrime për interpretimin e një informacioni në një situatë praktike matematikore.</li> <li>• Ushtrime që vlerësojnë vlefshmërinë e një argumenti matematikor në një situate problemore.</li> <li>• Ushtrime ku kërkohet paraqitja e informacionit matematikor.</li> <li>• Ushtrime ku përdoret përdorimi i koncepteve matematikore dhe proceseve të përshtatshme për situatën e dhënë.</li> <li>• Ushtrime për zbatimin e koncepteve dhe proceseve në një situatë të dhënë.</li> <li>• Etj.</li> </ul>

Kompetenca: Modelimi matematik	
<b>Përshkrimi:</b> <p>Vlerësimi i kësaj kompetencë do të bazohet në përshkrimin apo krijimin e modeleve matematikore nga jeta e përditshme.</p>	<b>Llojet e pyetjeve/kërkesave/ushtrimeve:</b> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Ushtrime për paraqitjen e modelimit të një situatës nga jeta reale me gjuhën e matematikës.</li> <li>• Ushtrime për përdorimin e teknikave përkatëse për të gjetur zgjidhjen e përshtatshme matematikore.</li> <li>• Ushtrime për përdorimin e vepimeve themelore të matematikës në situata të jetës së përditshme</li> <li>• Ushtrime që paraqesin dhe “përkthejnë” zgjidhjen matematikore në zgjidhjen e situatës nga jeta reale.</li> <li>• Etj.</li> </ul>

## VI. TABELAT E REZULTATEVE TË TË NXËNIT PËR SECILËN TEMATIKË

Për secilën tematikë, më poshtë paraqiten njohuri të dhe rezultatet e të nxënët, që duhet të demonstrojë nxënësi për të përm bushur kompetencat matematikore. Megjithëse njohuritë përcaktohen për secilën tematikë ato trajtohen të integruara dhe të lidhura me njëra - tjetrën.

### 6.1 Tematika: Numri

Njohuritë për realizimin e kompetencave matematikore	Rezultatet e të nxënët për realizimin e kompetencave matematikore
<b>BASHKËSITË</b> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Bashkësitë dhe marrëdhënia ndërmjet tyre.</li> <li>- Bashkësitë numerike.</li> <li>- Prerja dhe bashkimi i dy bashkësive.</li> </ul>	<p>Nxënësi:</p> <p><b>BASHKËSITË</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- përdor simbolet përkatëse, diagramin e Venit, për të paraqitur bashkësitë dhe marrëdhëniën ndërmjet tyre;</li> <li>- përdor bashkësitë numerike;</li> <li>- paraqet me mënyra të ndryshme një interval numerik;</li> <li>- përdor në zbatime prerjen dhe bashkimin e dy bashkësive;</li> </ul>
<b>VEPRIMET ME NUMRA</b> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Radha e veprimeve duke përfshirë kllapat, fuqitë, rrënjet.</li> <li>- Numrat e thjeshtë, faktorë (pjesëtuesit), shumëfishat, faktorët e përbashkët, shvp, pmp;</li> <li>- Fuqitë e numrave pozitivë, si dhe rrënjet përkatëse.</li> <li>- Rrënjet me tregues numër natyror dhe fuqi me eksponentë thyesor.</li> <li>- Numra iracionalë <math>\sqrt{2}; \sqrt{3}</math> etj., dhe <math>\pi</math>;</li> <li>- Shprehje që përbajnë rrënje.</li> </ul>	<p><b>VEPRIMET ME NUMRA</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- zbaton katër veprimet me numrat e plotë, numrat dhjetorë, thyesat (më të vogla dhe më të mëdha se 1), si dhe numrat e përzierë (pozitivë dhe negativë);</li> <li>- përdor radhën e veprimeve duke përfshirë kllapat, fuqitë, rrënjet dhe të anasjellat;</li> <li>- përdor konceptin dhe fjalorin e duhur për numrat e thjeshtë, faktorët (pjesëtuesit), shumëfishat, faktorët e përbashkët, shumëfishat e përbashkët, shumëfishi më i vogël i përbashkët, pjesëtuesi më i madh i përbashkët, faktorët e thjeshtë dhe teoremën e zbërrimit të numrave në faktorë të thjeshtë;</li> <li>- përdor fuqitë e numrave pozitivë, si dhe rrënjet përkatëse (me tregues 2, 3 dhe numra më të mëdhenj), njeh disa fuqi të para të numrave 2,3,4,5;</li> <li>- njehson rrënjet me tregues numër natyror dhe fuqi me eksponent thyesor;</li> <li>- kryen veprime me thyesa, me numra iracionale <math>\sqrt{2}; \sqrt{3}</math> etj., dhe me <math>\pi</math>;</li> <li>- thjeshton shprehje që përbajnë rrënje (p.sh., <math>\sqrt{12} = \sqrt{4 \times 3} = \sqrt{4} \times \sqrt{3} = 2\sqrt{3}</math>)</li> </ul>

<b>THYESAT DHE NUMRAT DHJETORË</b>	dhe zhduk rrënjën nga emëruesi (p.sh., $\frac{4}{\sqrt{3}} = \frac{4\sqrt{3}}{3}$ ); <b>THYESAT DHE NUMRAT DHJETORË</b>
<ul style="list-style-type: none"> <li>- Kthimi i numrave dhjetorë të fundmë në thyesë dhe anasjelltas.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- kthen numrat dhjetorë të fundmë në thyesa dhe anasellas (p.sh., <math>3.5</math> në <math>\frac{7}{2}</math> ose <math>0.375</math> në <math>\frac{3}{8}</math>);</li> </ul>
<b>RAPORTI, PËRPJESËTIMI DHE PËRQINDJA</b>	<b>RAPORTI, PËRPJESËTIMI DHE PËRQINDJA</b>
<ul style="list-style-type: none"> <li>- Raporti si thyesë.</li> <li>- Përpjesëtimi si raporte të barabarta.</li> <li>- Lidhja e raportit me funksionet lineare.</li> <li>- Përqindja si thyesë ose numër dhjetor.</li> <li>- Sasia si përqindje të një sasie tjetër.</li> <li>- Interesi i thjeshtë në matematikën financiare.</li> <li>- Interesi i përbërë.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- shpreh si raport ose thyesë një marrëdhënie shumëfishiteti ndërmjet dy sasive;</li> <li>- zbaton raportin në situata problemore nga jeta reale (p.sh., ato që përfshijnë këmbimet, krahasimin, ndarjen, përbërjen dhe shkallën);</li> <li>- kupton dhe përdor përpjesëtimin si raporte të barabarta;</li> <li>- lidh raportin me thyesat dhe e shpreh me funksione lineare (p.sh., në një recetë keku: kemi <math>40\text{g}</math> sheqer (<math>y</math>) dhe <math>50\text{g}</math> miell (<math>x</math>), raporti është <math>4:5 = \frac{4}{5}</math>. Ekuacioni është <math>y = \frac{4}{5}x</math>)</li> <li>- kthen përqindjen në thyesë ose numër dhjetor, duke e interpretuar këtë me shumëfishim;</li> <li>- shpreh një sasi si përqindje të një sasie tjetër;</li> </ul>
<b>EKSPONENCIALET DHE LOGARITMET</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- krahason dy sasi duke përdorur përqindjen;</li> <li>- punon me përqindje më të mëdha se <math>100\%</math>;</li> <li>- zgjidh situata problemore me përqindje, me rritje dhe me ulje të vlerës në përqindje, duke përfshirë edhe interesin e thjeshtë në matematikën financiare;</li> <li>- zgjidh dhe interpreton zgjidhjen në situata problemore me interes rritës dhe zbritës, përfshirë interesin e përbërë.</li> </ul>
	<b>EKSPONENCIALET DHE LOGARITMET</b> <p>Nxënësi:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- kupton dhe përdor rregullat e fuqive me eksponentë racionalë;</li> </ul>

	- përdor rrënjet duke kryer veprime edhe me rrënjen në emërues.
--	-----------------------------------------------------------------

## 6.2 Tematika: Matja

Njohuritë për realizimin e kompetencave matematikore	Rezultatet e të nxenit për realizimin e kompetencave matematikore
<p><b>MATJET DHE SAKTËSIA E TYRE</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Këmbimi i njësive standarde përfshirë njësitë e përbëra.</li> <li>- Shkalla e zmadhimit (zvogëlimit) dhe hartat.</li> </ul> <p><b>MATJE DHE NJEHSIME</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Njësitë e matjes dhe konceptet përkatëse (gjatësi, syprinë, vëllim, masë, kohë, para etj.).</li> <li>- Perimetri i figurave plane të përbëra.</li> <li>- Syprina e trekëndëshit, e paralelogramit, e trapezit, rrithit.</li> <li>- Gjatësia e harkut, këndet dhe syprina e sektorit rrethor.</li> <li>- Vëllimi i kuboideve, i prizmit të drejtë, i cilindrit.</li> <li>- Syprina e përgjithshme dhe vëllimi i sferës, piramidës, konit dhe trupave gjeometrikë të përbërë.</li> <li>- Kongruenca dhe ngjashmëria e figurave.</li> <li>- Teorema e Pitagorës, teoremat e Euklidit</li> </ul> <p><b>VEKTORËT</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Mbledhja dhe zbritja e vektorëve.</li> <li>- Shumëzimi i vektorëve me një numër.</li> <li>- Paraqitura e vektorit gjeometriskisht dhe në</li> </ul>	<p>Nxënësi:</p> <p><b>MATJET DHE SAKTËSIA E TYRE</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- këmben njësitë standarde (p.sh., koha, gjatësia, syprina, vëllimi, masa);</li> <li>- njehson njësitë e përbëra (p.sh; shpejtësinë, normat e pagave, njësitë e çmimeve, densitetin, tensionin) në kontekste numerike dhe algjebrike;</li> <li>- përdor shkallën e zmadhimit (zvogëlimit) dhe hartat;</li> </ul> <p><b>MATJE DHE NJEHSIME</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- përdor njësitë e matjes dhe konceptet përkatëse (gjatësi, syprinë, vëllim, masë, kohë para etj.);</li> <li>- përdor njësitë e përbëra si shpejtësinë, normat e rrogave, njësitë e çmimeve, densitetin dhe trysninë;</li> <li>- njehson perimetrin e figurave plane të përbëra;</li> <li>- zbaton formula për të njehsuar syprinën e trekëndëshit, paralelogramit, trapezit, rrithit;</li> <li>- njehson gjatësinë e harkut, këndet dhe syprinën e sektorit qarkor;</li> <li>- njehson vëllimin e kuboideve, prizmit të drejtë, i cilindrit;</li> <li>- njehson syprinën e përgjithshme dhe vëllimin e sferës, piramidës, konit dhe trupave gjeometrikë të përbërë;</li> <li>- zbaton konceptet e kongruencës dhe ngjashmërisë, përfshirë marrëdhënien ndërmjet gjatësive, syprinës së figurave të ngjashme;</li> <li>- zbaton teoremën e Pitagorës, teoremat e Euklidit;</li> </ul> <p><b>VEKTORËT</b></p>

<p>shtyllë me anë të koordinatave.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Vektorët me dy koordinata.</li> <li>- Paraqitja algjebrike e mbledhjes së vektorëve si dhe e shumëzimit të vektorit me një numër.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- zbaton mbledhjen dhe zbritjen e vektorëve, shumëzimin e vektorëve me një numër, paraqitjen gjeometriskisht të vektorit, si dhe paraqitjen me shtyllë me anë të koordinatave;</li> <li>- përdor vektorët me dy koordinata;</li> <li>- paraqet në mënyrë algjebrike mbledhjen e vektorëve, si dhe shumëzimin e vektorit me një numër;</li> </ul>
<p><b>TRIGONOMETRI</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Koncepti i sinusit, kosinusit, tangjentit dhe kotangjentit.</li> <li>- Formulat trigonometrike bazë në trekëndëshin kënddrejtë (sinus, kosinus dhe tangent).</li> <li>- Teorema e sinusit dhe teorema e kosinusit në trekëndësh.</li> <li>- Formula <math>S = \frac{1}{2}ab \sin \gamma</math> për të njehuar syprinën, brinjët ose këndet në një trekëndësh.</li> <li>- Formula e tangentit të këndit.</li> <li>- Formula themelore e trigonometrisë.</li> </ul>	<p><b>TRIGONOMETRI</b></p> <p>Nxënësi:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- përdor konceptet e sinusit, kosinusit, tangjentit dhe kotangjentit dhe formulat trigonometrike bazë në trekëndëshin kënddrejtë (sinus, kosinus dhe tangent);</li> <li>- zbaton teoremën e sinusit dhe teoremën e kosinusit në trekëndëshin e çfarëdoshëm për të gjetur gjatësi dhe kënde;</li> <li>- zbaton formulën e <math>S = \frac{1}{2}ab \sin \gamma</math> për të njehuar syprinën, brinjët ose këndet në një trekëndësh të çfarëdoshëm;</li> <li>- përdor formulën e tangentit: <math>\tan \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}</math></li> <li>- përdor formulën themelore të trigonometrisë <math>\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1</math>;</li> </ul>

### 6.3 Tematika: Gjeometria

Njohuritë për realizimin e kompetencave matematikore	Rezultatet e të nxenit për realizimin e kompetencave matematikore
<p><b>GJEOMETRIA NË PLAN</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Kuptimi i lagesës së pikës nga një drejtëz.</li> <li>- Vetitë e këndeve me kulm të përbashkët: shtuese, plotësuese, kënde të kundërt në kulm etj.</li> <li>- Këndet korresponduese që</li> </ul>	<p>Nxënësi:</p> <p><b>GJEOMETRIA NË PLAN</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- përdor termat dhe simbolet përkatëse: pikë, drejtëz, kulm, brinjë, plane, drejtëza paralele, drejtëza pingule, kënde të drejtë, shumëkëndësha, shumëkëndësha të rregullt, shumëkëndësha me drejtëza simetrije dhe/ose boshte rrotullimi;</li> </ul>

<p>formohen nga drejtëza paralele.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Kongruenca e trekëndëshave të çfarëdoshëm (BKB, KBK, BBB) dhe trekëndëshave kënddrejtë.</li> <li>- Kriteret bazë të ngjashmërisë së trekëndëshave.</li> <li>- Vetitë e trekëndëshit dybrinjënjëshëm.</li> <li>- Teoremat e rrethit që i referohen këndeve, rrezes, tangjentes, kordave.</li> <li>- Ekuacioni i rrethit në trajtën <math>(x-a)^2 + (y-b)^2 = r^2</math>.</li> <li>- Ekuacioni i drejtëzës në plan.</li> <li>- Kushti i paralelizmit dhe i pingultisë së dy drejtëzave.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- njeh konceptin e largesës së pikës nga një drejtëz;</li> <li>- zbaton vetitë e këndeve me kulm të përbashkët: shtuese, plotësuese, kënde të kundërt në kulm etj.;</li> <li>- kupton dhe përdor këndet korresponduese që formohen nga drejtëza paralele;</li> <li>- përdor kriteret bazë të kongruencës së trekëndëshave të çfarëdoshëm (BKB, KBK, BBB) dhe trekëndëshave kënddrejtë;</li> <li>- përdor kriteret bazë të ngjashmërisë së trekëndëshave;</li> <li>- identifikon dhe zbaton përkufizimin e rrethit dhe disa veti përkatëse, përfshirë: qendrën, rrezen, kordën, diametrin, perimetrin, tangjenten, harkun, sektorin;</li> <li>- provon dhe zbaton teoremat e rrethit që i referohen këndeve, rrezes, tangjentes, kordave dhe i përdor ato për të zgjidhur situata problemore;</li> <li>- përdor vetitë e mëposhtme: <ul style="list-style-type: none"> <li>▪ këndi rrëthor që mbështetet mbi diamëtër është kënd i drejtë;</li> <li>▪ pingulja e hequr nga qendra mbi kordë është përmesore e kordës;</li> <li>▪ rrezja e rrethit është pingule me tangjenten e rrethit në pikën ku kalon tangjentja;</li> </ul> </li> </ul>
<h3>SHNDËRRIME GJEOMETRIKE</h3> <p>- Simetria, zhvendosja paralele dhe zmadhimi (përfshirë edhe koeficientë thyesorë apo negativë).</p> <p>- Ndryshimet dhe elementet e pandryshueshëm gjatë shndërrimeve gjeometrike: simetrisë, zhvendosjes paralele dhe zmadhimit.</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- përdor gjometrinë koordinative për rrëthin, përfshirë dhe ekuacionin e rrethit në trajtën <math>(x-a)^2 + (y-b)^2 = r^2</math>;</li> <li>- paraqet ekuacionin e përgjithshëm të rrethit në trajtë kanonike për të gjetur qendrën dhe rrezen e tij;</li> <li>- përdor ekuacionin e drejtëzës, përfshirë trajtat <math>y - y_1 = k(x - x_1)</math> dhe <math>ax + by + c = 0</math>;</li> <li>- interpreton kushtin e paralelizmit dhe të pingultisë së dy drejtëzave;</li> </ul>
<h3>GJEOMETRIA NË HAPËSIRË</h3> <p>- Vetitë e faqeve, brinjëve, kulmeve, syprinave të: kubit, kuboidit, prizmit, cilindrit, piramidës, konit dhe sferës.</p>	<h3>SHNDËRRIME GJEOMETRIKE</h3> <ul style="list-style-type: none"> <li>- identifikon, përshkruan dhe ndërton figura kongruente dhe të ngjashme nëpërmjet simetrisë, zhvendosjes paralele dhe zmadhimit (përfshirë edhe koeficient thyesorë apo negativë), duke i konsideruar ato edhe në plan koordinativ;</li> <li>- përshkruan ndryshimet dhe elementet e pandryshueshëm gjatë</li> </ul>

	<p>shndërrimeve gjeometrike: simetrisë, zhvendosjes paralele dhe zmadhimit;</p> <p><b>GJEOMETRIA NË HAPËSIRË</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- dallon dhe përdor vetitë e faqeve, brinjëve, kulmeve, syprinave të: kubit, kuboidit; prizmit, cilindrit, piramidës, konit dhe sferës.</li> </ul>
--	----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

#### 6.4 Tematika: Algjebra dhe funksioni

Njohuritë për realizimin e kompetencave matematikore	Rezultatet e të nxënësit për realizimin e kompetencave matematikore
<p><b>SIMBOLET, VEPRISE ALGJEBRIKE DHE FUNKSIONI</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Zëvendësimi i vlerave numerike në formula dhe shprehje algjebrike.</li> <li>- Paraqitja në mënyrë më të thjeshtë e shprehjeve algjebrike.</li> <li>- Shndërrime të njëvlershme në shprehjet algjebrike.</li> <li>- Funksione me të dhëna (bashkësia e përcaktimit) dhe rezultate (bashkësia e vlerave).</li> <li>- Funksioni i anasjelltë.</li> <li>- Funksion i përbërë.</li> </ul> <p><b>GRAFIKËT</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Grafiku i ekuacioneve lineare në planin koordinativ.</li> <li>- Trajta <math>y = kx + t</math> për identifikimin e drejtëzave paralele dhe pingule.</li> <li>- Ekuacioni i drejtëzës që kalon nëpër dy pikë ose që kalon nga një pikë dhe me koeficient këndor (pjerrësi) të dhënë.</li> <li>- Koeficientët këndorë dhe pikëprerjet me</li> </ul>	<p>Nxënësi:</p> <p><b>SIMBOLET, VEPRISE ALGJEBRIKE DHE FUNKSIONI</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- zëvendëson vlerat numerike në formula dhe shprehje duke përfshirë edhe formula nga shkenca të tjera;</li> <li>- paraqet në mënyrë më të thjeshtë shprehjet algjebrike (përfshirë edhe shprehjet me numra irracionalë dhe thyesat algjebrike) duke: <ul style="list-style-type: none"> <li>➤ mbledhur kufizat e ngashme;</li> <li>➤ shumëzuar një kufizë me një kllapë;</li> <li>➤ faktorizuar kufizat e përbashkëta;</li> <li>➤ zbërthyer prodhimet e dy ose më shumë binomeve;</li> <li>➤ faktorizuar shprehjet e fuqisë së dytë të trajtës <math>ax^2 + bx + c</math>;</li> <li>➤ thjeshtuar shprehjet përfshirë shumën, prodhimin, fuqitë dhe vetitë e tyre;</li> </ul> </li> <li>- kupton ndryshimin ndërmjet ekuacionit dhe identitetit;</li> <li>- argumenton matematikisht shndërrime të njëvlershme në shprehje algjebrike;</li> <li>- interpreton shprehje të thjeshta si funksione me të dhëna (bashkësi përcaktimi) dhe rezultate (bashkësi vlerash);</li> <li>- interpreton procesin e kundërt si funksion të anasjelltë;</li> <li>- interpreton veprimin e njëpasnjëshëm të dy funksioneve si</li> </ul>

<p>boshtet koordinativë të funksioneve lineare.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Rrënjet dhe koordinatat e kulmit të grafikut të funksionit të fuqisë së dytë.</li> <li>- Grafikë të funksioneve lineare, të funksioneve fuqisë së dytë, të funksionit përpjestimor të zhdrojtë <math>y = \frac{1}{x}</math> me <math>x \neq 0</math>, të funksioneve trigonometrike me periodë të plotë <math>y = \sin x</math>, <math>y = \cos x</math> për të gjitha këndet.</li> <li>- Ekuacioni i rrethit me qendër në origjinën e boshteve koordinative.</li> <li>- Ekuacioni i tangjentes së një rrethi në një pikë të dhënë.</li> <li>- Ekuacione dhe grafikë që përshkruajnë përpjesëtimin e drejtë dhe të zhdrojtë.</li> </ul> <p><b>ZGJIDHJA E EKUACIONEVE DHE E INEKUACIONEVE</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Ekuacione lineare me një ndryshore (përfshirë ekuacionet me ndryshore në të dyja anët e barazimit).</li> <li>- Ekuacione të fuqisë së dytë, duke përdorur formulën përkatëse.</li> <li>- Grafiku i ekuacioneve të fuqisë së dytë.</li> <li>- Sistemi i dy ekuacioneve me dy ndryshore (dy ekuacione lineare ose një ekuacion linear dhe ekuacioni tjetër të fuqisë së dytë).</li> <li>- Zgjidhja grafike e sistemit.</li> <li>- Inekuacione lineare me një ose dy ndryshore.</li> <li>- Zgjidhja në mënyrë grafike e inekuacionit</li> </ul>	<p>funksion i përbërë;</p> <p><b>GRAFIKËT</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- ndërtton grafikët e ekuacioneve lineare në planin koordinativ;</li> <li>- përdor trajtën <math>y = kx + t</math> për të identifikuar drejtëzat paralele dhe pingule;</li> <li>- gjen ekuacionin e drejtëzës që kalon nëpër dy pika, ose që kalon nga një pikë e dhënë dhe me koeficient këndor (pjerrësi) të dhënë;</li> <li>- identifikon dhe interpreton në mënyrë grafike dhe algebrike koeficientet këndore dhe pikëprerjet me boshtet koordinative të funksioneve lineare;</li> <li>- gjen në mënyrë algebrike rrënjet dhe koordinatat e kulmit të grafikut të funksionit të fuqisë së dytë;</li> <li>- ndërtton dhe interpreton grafikë të funksioneve lineare, të funksioneve të fuqisë së dytë, të funksionit përpjesëtimor të zhdrojtë <math>y = \frac{1}{x}</math> me <math>x \neq 0</math>, të funksioneve trigonometrike me periodë të plotë <math>y = \sin x</math>, <math>y = \cos x</math> për të gjitha këndet;</li> <li>- skicon zhvendosjen paralele dhe simetritë e grafikut të një funksioni të dhënë;</li> <li>- vizaton dhe interpreton grafikët (përfshirë grafikët e funksioneve përpjesëtimore të zhdrojtë) dhe grafikë të funksioneve jo elementare;</li> <li>- përdor ekuacionin e rrethit me qendër në origjinën e boshteve koordinative;</li> <li>- gjen ekuacionin e tangjentes së një rrethi në një pikë të dhënë;</li> <li>- ndërtton dhe interpreton ekuacione që përshkruajnë përpjesëtimin e drejtë dhe të zhdrojtë;</li> </ul> <p><b>ZGJIDHJA E EKUACIONEVE DHE INEKUACIONEVE</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- zgjidh në mënyrë algebrike ekuacione lineare me një ndryshore (përfshirë ato ekuacione me ndryshore në të dyja anët e</li> </ul>
-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

<p>të trajtës <math>y &gt; x + 1</math> dhe <math>y &gt; ax^2 + bx + c</math></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Bashkësia e zgjidhjeve në boshtin numerik duke përdorur simbolet e bashkësisë dhe grafikë.</li> </ul> <p><b>VARGJET</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Vargu sipas rregullës së kufizave të njëpasnjëshme dhe rregullës kufizë-vend.</li> <li>- Vargjet e numrave trekëndorë, katrорë dhe kubikë.</li> <li>- Progresionet e thjeshta aritmetike, progresione të thjeshta gjeometrike.</li> <li>- Vargjet Fibonacci, vargjet e fuqisë së dytë (duke llogaritur diferençën e dytë).</li> <li>- Kufiza e n-të në vargjet lineare.</li> <li>- Zbërthimi binomial <math>(a+b)^n</math> për eksponentë natyrorë <math>n \leq 4</math>.</li> </ul>	<p>barazimit);</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- zgjidh në mënyrë algebrike ekuacione të fuqisë së dytë, duke përdorur formulën përkatëse;</li> <li>- gjen zgjidhje të përafërtë duke përdorur grafikun e ekuacioneve të fuqisë së dytë;</li> <li>- zgjidh në mënyrë algebrike sistemin e dy ekuacioneve me dy ndryshore;</li> <li>- zgjidh inekuacione lineare me një ose dy ndryshore;</li> <li>- zgjidh në mënyrë grafike inekuacione të trajtës <math>y &gt; x + 1</math> dhe <math>y &gt; ax^2 + bx + c</math>;</li> <li>- paraqet bashkësinë e zgjidhjeve në boshtin numerik, përdor simbolet e bashkësisë dhe grafikë;</li> <li>- zgjidh ekuacione të trajtës <math>a^x = b</math>;</li> </ul> <p><b>VARGJET</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- përfton kufiza të një vargu sipas rregullës së kufizave të njëpasnjëshme dhe rregullës kufizë-vend;</li> <li>- përdor progresionet e thjeshta aritmetike, vargjet Fibonacci, vargjet e fuqisë së dytë (duke llogaritur diferençën e dytë) dhe progresione të thjeshta gjeometrike;</li> <li>- llogarit kufizën e n-të në vargjet lineare;</li> <li>- kupton dhe përdor zbërthimin binomial <math>(a + b)^n</math> për eksponentë natyrorë të <math>n \leq 4</math>;</li> </ul> <p><b>POLINOME DHE FUNKSIONE</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Dallori i polinomit të fuqisë së dytë.</li> <li>- Shndërrimi algebrik i polinomeve.</li> <li>- Funksionet kuadratike dhe grafikët e tyre.</li> <li>- Funksionet përpjesëtimore dhe grafikët e tyre.</li> <li>- Funksionet e sinusit, kosinusit dhe grafikët e tyre.</li> </ul> <p>Nxënësi:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- analizon dallorin e një polinomi të fuqisë së dytë duke përfshirë kushtet për rrënjet dhe rrënjen e dyfishtë;</li> <li>- shndërron algebrikisht polinomet përfshirë zbërthimin e kllapave, reduktimin e kufizave, faktorizimin, pjesëtimin me polinom të shkallës së parë;</li> <li>- përdor funksionet kuadratike dhe grafikët e tyre;</li> <li>- kupton dhe përdor funksione përpjesëtimore dhe grafikët e tyre;</li> </ul>
--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

	<ul style="list-style-type: none"> <li>- përdor funksionet e sinusit, kosinusit, interpreton grafikët e tyre, simetrinë dhe periodicitetin;</li> </ul>
--	--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

## 6.5 Tematika: Statistika dhe probabiliteti

Njohuritë për realizimin e kompetencave matematikore	Rezultatet e të nxënësit për realizimin e kompetencave matematikore
<p><b>STATISTIKË</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Popullata dhe kampionimi.</li> <li>- Tabela, diagrame, tabela dendurie, diagrami rrëthor për të kategorizuar të dhëna.</li> <li>- Diagrami me shtylla për të paraqitur të dhëna numerike diskrete jo të grupuara.</li> <li>- Diagrame për të paraqitur të dhëna diskrete të grupuara dhe të dhëna të vazhduara.</li> <li>- Mesataret (mesorja, mesatarja aritmetike, moda dhe klasa modale), amplituda.</li> <li>- Grafiku me pika (skatergrafi) i të dhënavë me dy ndryshore.</li> <li>- Korrelacioni.</li> </ul> <p><b>PROBABILITETI</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Denduritë e rezultateve në eksperimente probabilitare duke përdorur tabelat dhe pemën e dendurive.</li> <li>- Ngjarjet e rastit, njëloj të mundshme dhe të pavarura, për të njehsuar rezultatet e pritshme nga eksperimentet.</li> </ul>	<p>Nxënësi:</p> <p><b>STATISTIKË</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- nxjerr të dhëna për popullatën ose shpërndarjen nga një kampion, ndërkohë që njeh kufijtë e kampionimit;</li> <li>- interpreton dhe ndërton tabelas, diagrame, përfshirë edhe tabelas dendurie, diagrame rrëthore për të kategorizuar të dhëna, diagrame me shtylla për të paraqitur të dhëna numerike diskrete jo të grupuara, si dhe njeh përdorimin e tyre në mënyrë të përshtatshme;</li> <li>- ndërton dhe interpreton diagrame për të paraqitur të dhëna diskrete të grupuara dhe të dhëna të vazhduara, p.sh., histogramme me intervale klasash të barabarta dhe jo të barabarta;</li> <li>- interpreton, analizon dhe krahason shpërndarjen e të dhënavë me shpërndarjet empirike me një ndryshore nëpërmjet: <ul style="list-style-type: none"> <li>• grafikut të përshtatshëm duke përfshirë të dhëna diskrete, të vazhdueshme dhe të grupuara;</li> <li>• mesatareve (mesorja, mesatarja aritmetike, moda dhe klasa modale);</li> <li>• amplitudës;</li> </ul> </li> </ul> <ul style="list-style-type: none"> <li>- përdor dhe interpreton paraqitjen grafike me pika (skatergrafin) e të dhënavë me dy ndryshore;</li> <li>- njeh dhe kupton korrelacionin;</li> </ul> <p><b>PROBABILITETI</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- përshkruan dhe analizon denduritë e rezultateve në eksperimente</li> </ul>

<ul style="list-style-type: none"> <li>- Shuma e probabiliteteve të ngjarjeve dy e nga dy të papajtueshme, bashkimi i të cilave jep hapësirën e rezultateve, është një.</li> <li>- Hapësira e rezultateve të mundshme teorike për eksperimente të veçanta ose për eksperimente të përbëra me rezultate njësoj të mundshme.</li> <li>- Probabiliteti i ngjarjeve të kombinuara, të varura dhe të pavarura.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>probabilitare, duke përdorur tabelat dhe pemën e dendurive;</li> <li>- zbaton ngjarjet e rastit njëloj të mundshme dhe të pavarura për të njehsuar rezultatet e pritshme nga eksperimentet;</li> <li>- zbaton vetinë që shuma e probabiliteteve të ngjarjeve dy e nga dy të papajtueshme, bashkimi i të cilave jep hapësirën e rezultateve, është një;</li> <li>- kupton që sa më shumë rritet numri i provave, aq më shumë denduria relative i afrohet vlerës së probabilitetit teorik;</li> <li>- krijon hapësira rezultatesh të mundshme teorike për eksperimente të veçanta ose për eksperimente të përbëra me rezultate njësoj të mundshme dhe i përdor ato për të njehsuar probabilitetin teorik;</li> <li>- njehson probabilitetin e ngjarjeve të kombinuara të varura dhe të pavarura, duke përfshirë diagramin <i>pemë</i> dhe paraqitje të tjera;</li> <li>- njehson probabilitetin e ngjarjeve të pavarura dhe të ngjarjeve të papajtueshme.</li> <li>- njehson dhe interpreton probabilitetin me kusht nëpërmjet paraqitjeve të dendurive me tabela me dy hyrje, me diagramin <i>pemë</i> dhe diagramin e Venit.</li> </ul>
----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

## **VII. TABELAT E REZULTATEVE TË TË NXËNIT PËR SECILËN TEMATIKËQË NUK DO TË PËRFSHIHEN NË TESTIN E MATURËS SHTETËRORE**

Për secilën tematikë, më poshtë paraqiten njohuritë dhe rezultatet e të nxënët, që janë **hequr si pasojë e zhvillimit të mësimit në kushtet e shtëpisë për shkak të situatës së krijuar nga pandemia Covid 19.**

### **7.1 Tematika: Numri**

Njohuritë për realizimin e kompetencave matematikore	Rezultatet e të nxënët për realizimin e kompetencave matematikore
<b>EKSPONENCIALET DHE LOGARITMET</b>  - Vetitë e logaritmave.  	<b>EKSPONENCIALET DHE LOGARITMET</b>  Nxënësi:  - përdor vetitë e logaritmave;  ○ $\log_a x + \log_a y = \log_a (xy)$ ; ○ $\log_a x - \log_a y = \log_a (x/y)$ ; ○ $k \log_a x = \log_a x^k$ (për $k$ reale).

### **7.2 Tematika: Matja**

Njohuritë për realizimin e kompetencave matematikore	Rezultatet e të nxënët për realizimin e kompetencave matematikore
<b>VEKTORËT</b>  - Rregulla e paralelogramit dhe e trekëndëshit për mbledhjen e vektorëve. - Gjatësia e një vektori. - Largesë ndërmjet dy pikave.  	<b>VEKTORËT</b>  - mbledh gjeometriskisht vektorët (me rregullën e paralelogramit dhe të trekëndëshit). - njehson gjatësinë e një vektori; - njehson largesën ndërmjet dy pikave.

### 7.3 Tematika: Algjebra dhe funksioni

Njohuritë për realizimin e kompetencave matematikore	Rezultatet e të nxënësit për realizimin e kompetencave matematikore
<b>GRAFIKËT</b>	<b>GRAFIKËT</b>
<ul style="list-style-type: none"> <li>Grafikë të funksionit eksponencial <math>y = a^x</math> përvlera pozitive të <math>a \neq 1</math></li> <li>Pjerrësia e grafikut të një vijë të drejtë si normë ndryshimi.</li> <li>Koeficienti këndor (pjerrësia) i tangjentes në një pikë të një vije të lakuar (si normë ndryshimi në atë pikë).</li> <li>Pjerrësia mesatare (koeficienti këndor i kordës) dhe pjerrësia në një pikë (koeficienti këndor i tangjentes).</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>ndërton dhe interpreton grafikë të të funksionit eksponencial <math>y = a^x</math> përvlera pozitive të <math>a \neq 1</math></li> <li>vizaton dhe interpreton grafikun e funksionit eksponencial)</li> <li>interpreton koeficientin këndor (pjerrësinë) të tangjentes në një pikë të një vije të lakuar (si normë ndryshimi në atë pikë);</li> <li>zbaton konceptet e pjerrësisë mesatare (koeficientit këndor të kordës) dhe pjerrësisë në një pikë (koeficienti këndor i tangjentes) në kontekste numerike, algebrike dhe grafike;</li> </ul>
<b>POLINOME DHE FUNKSIONE</b>	<b>POLINOME DHE FUNKSIONE</b>
<ul style="list-style-type: none"> <li>Funksioni <math>y = a^x</math> dhe grafiku i tij kur <math>a</math> është pozitiv dhe <math>a \neq</math> nga 1.</li> <li>Funksioni <math>y = e^x</math> dhe grafiku i tij.</li> <li>Koeficienti këndor (pjerrësia) i tangjentes ndaj grafikut të funksionit <math>y = e^{kx}</math> është i barabartë me <math>ke^{kx}</math>.</li> <li>Koncepti i <math>\log_a x</math> si funksioni i anasjelltë i funksionit <math>y = a^x</math>, ku <math>a</math> është pozitiv dhe <math>a \neq 1</math> dhe <math>x &gt; 0</math>.</li> <li>Funksioni <math>y = \ln x</math> dhe grafiku i tij.</li> <li>Funksioni <math>y = \ln x</math> si funksion i anasjelltë i <math>y = e^x</math>.</li> <li>Asimptota vertikale dhe horizontale.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>njeh dhe përdor funksionin <math>y = a^x</math> dhe grafikun e tij kur <math>a</math> është pozitiv dhe <math>a \neq</math> nga 1;</li> <li>njeh dhe përdor funksionin <math>y = e^x</math> dhe grafikun e tij;</li> <li>njeh faktin që koeficienti këndor (pjerrësia) i tangjentes ndaj grafikut të funksionit <math>y = e^{kx}</math> është i barabartë me <math>ke^{kx}</math>;</li> <li>njeh dhe përdor konceptin e <math>\log_a x</math> si funksionin e anasjelltë të funksionit <math>y = a^x</math>, ku <math>a</math> është pozitiv dhe <math>a \neq 1</math> dhe <math>x &gt; 0</math> ;</li> <li>njeh dhe përdor funksionin <math>y = \ln x</math> dhe grafikun e tij;</li> <li>interpreton funksionin <math>y = \ln x</math> si funksion i anasjelltë i <math>y = e^x</math>;</li> <li>gjen e asimptotat vertikale dhe horizontale.</li> </ul>
<b>DERIVATI</b>	<b>DERIVATI</b>
<ul style="list-style-type: none"> <li>Koncepti i derivatit të funksionit <math>f(x)</math> si koeficient këndor i tangjentes ndaj grafikut të funksionit <math>y = f(x)</math> në një pikë të çfarëdoshme <math>(x,y)</math>;</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>kupton dhe përdor derivatin e funksionit <math>f(x)</math> si koeficient këndor të tangjentes ndaj grafikut të funksionit <math>y = f(x)</math> në një pikë të çfarëdoshme <math>(x,y)</math>;</li> <li>interpreton derivatin si normë (shkallë) ndryshimi;</li> </ul>

<p>(x;y).</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Derivati si normë (shkallë) ndryshimi.</li> <li>- Grafiku i pjerrësisë (funksionit derivat) për një vijë të dhënë.</li> <li>- Derivati i rendit të dytë.</li> <li>- Zbatime të derivatit për të gjetur koeficientin këndor, ekuacionin e tangjentes dhe pingules së një vije në një pikë të dhënë.</li> <li>- Ekstremumet e funksionit me anë të derivatit.</li> <li>- Monotonia e funksionit me anë të derivatit të funksionit (<i>rritës dhe zbritës</i>).</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- skicon grafikun e pjerrësisë (funksionit derivat) për një vijë të dhënë;</li> <li>- gjen derivatin e rendit të dytë;</li> <li>- kupton dhe përdor derivatin e dytë si normë (shkallë) ndryshimi të derivatit të parë;</li> <li>- zbaton derivatin për të gjetur koeficientin këndor, ekuacionin e tangjentes dhe pingules së një vije në një pikë të dhënë;</li> <li>- përcakton ekstremumet e funksionit me anë të derivatit;</li> <li>- studion monotoninë e funksionit me anë të derivatit të funksionit (<i>rritës dhe zbritës</i>);</li> </ul>
<p><b>INTEGRALI</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Koncepti i integrimit si proces i anasjelltë i derivimit.</li> <li>- Integrimi i <math>x^n</math> (përjashto <math>n = -1</math>) si dhe i shumave dhe i ndryshesave përkatëse, duke përfshirë edhe shumëzimin me konstante.</li> <li>- Integrali i caktuar (Formula e Njuton –Leibnic).</li> <li>- Përdorimi i integralit të caktuar për të gjetur syprinën nën një vijë dhe syprinën ndërmjet dy vijave.</li> </ul>	<p><b>INTEGRALI</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- njeh dhe përdor konceptin e integrimit si proces i anasjelltë i derivimit (Teorema themelore e njehsimit diferencial dhe integral);</li> <li>- integron <math>x^n</math> (përjashto <math>n = -1</math>) si dhe shumat dhe ndryshesat përkatëse duke përfshirë edhe shumëzimin me konstante;</li> <li>- njehson integralin e caktuar (Formula e Njuton –Leibnic);</li> <li>- përdor integralin e caktuar për të gjetur syprinën nën një vijë dhe syprinën ndërmjet dy vijave.</li> </ul>

#### 7.4 Tematika: Statistika dhe probabiliteti

Njohuritë për realizimin e kompetencave matematikore	Rezultatet e të nxënësit për realizimin e kompetencave matematikore
<b>STATISTIKA DHE PROBABILITETI</b> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Shuma e probabiliteteve të të gjitha ngjarjeve elementare është një.</li> <li>- Shpërndarja e variablateve diskrete.</li> </ul>	<b>STATISTIKË</b> <ul style="list-style-type: none"> <li>- përdor dhe kupton teknikat e zgjedhjes statistikore përfshirë zgjedhjen e rastit të thjeshtë dhe zgjedhjen e kampionit;</li> <li>- interpreton dhe ndërton grafikë dendurie të grumbulluar duke njojur përdorimin e tyre në mënyrë të përshtatshme;</li> <li>- kupton që korrelacionin nuk ndikon te shkaku.</li> </ul>

### **PROBABILITETI**

- zbaton veticë që shuma e probabiliteteve e të gjitha ngjarjeve elementare, është një;
- kupton lidhjen e shpërndarjes së variablateve diskrete.